

Тренировочная работа №1 по МАТЕМАТИКЕ

11 класс

3 октября 2023 года
Вариант МА2310110
(профильный уровень)

Выполнена: ФИО _____ класс _____

Инструкция по выполнению работы

Работа по математике состоит из двух частей, включающих в себя 19 заданий. Часть 1 содержит 12 заданий с кратким ответом базового и повышенного уровней сложности. Часть 2 содержит 7 заданий с развернутым ответом повышенного и высокого уровней сложности.

На выполнение экзаменационной работы по математике отводится 3 часа 55 минут (235 минут).

Ответы к заданиям 1–12 записываются в виде целого числа или конечной десятичной дроби.

При выполнении заданий 13–19 требуется записать полное решение на отдельном листе бумаги.

При выполнении заданий можно пользоваться черновиком. Записи в черновике не учитываются при оценивании работы.

Баллы, полученные Вами за выполненные задания, суммируются.

Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баллов.

Желаем успеха!

Справочные материалы

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cdot \cos \alpha$$

$$\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$$

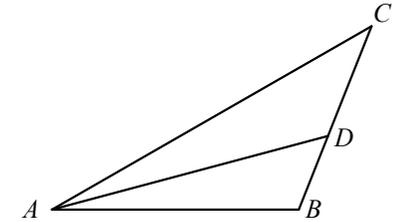
$$\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta + \cos \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

Часть 1

Ответом к каждому из заданий 1–12 является целое число или конечная десятичная дробь. Запишите ответы к заданиям в поле ответа в тексте работы.

- 1 В треугольнике ABC угол C равен 23° , AD — биссектриса, угол BAD равен 19° . Найдите угол ADB . Ответ дайте в градусах.

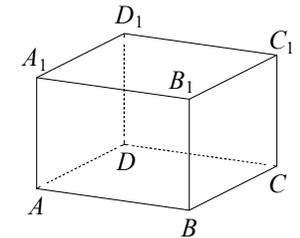


Ответ: _____.

- 2 Даны векторы $\vec{a}(3;1)$, $\vec{b}(2;-3)$ и $\vec{c}(-2;1)$. Найдите значение выражения $(\vec{a} - \vec{b}) \cdot \vec{c}$.

Ответ: _____.

- 3 Найдите объём многогранника, вершинами которого являются точки A, D, B, A_1 прямоугольного параллелепипеда $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$, у которого $AB = 4$, $AD = 10$, $AA_1 = 6$.



Ответ: _____.

- 4 На чемпионате по прыжкам в воду выступают 50 спортсменов, среди них 7 прыгунов из Италии и 10 прыгунов из Канады. Порядок выступлений определяется жеребьёвкой. Найдите вероятность того, что двадцать вторым будет выступать прыгун из Италии.

Ответ: _____.

- 5 Если шахматист А. играет белыми фигурами, то он выигрывает у шахматиста Б. с вероятностью 0,5. Если А. играет чёрными, то А. выигрывает у Б. с вероятностью 0,3. Шахматисты А. и Б. играют две партии, причём во второй партии меняют цвет фигур. Найдите вероятность того, что А. выиграет оба раза.

Ответ: _____.

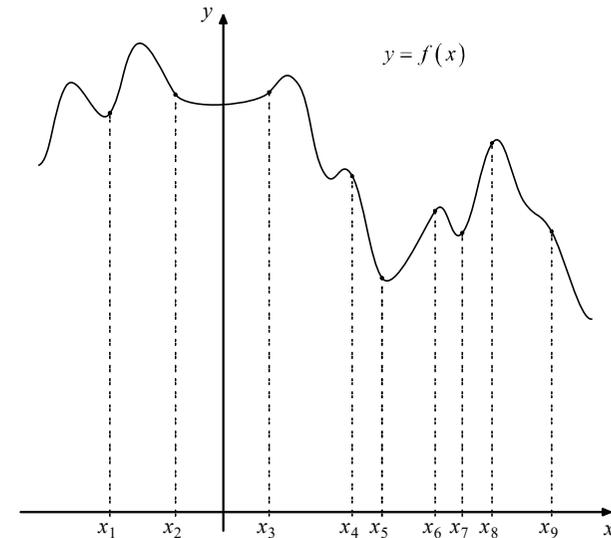
- 6 Решите уравнение $\frac{2}{x^2-14}=1$. Если уравнение имеет более одного корня, в ответе запишите меньший из корней.

Ответ: _____.

- 7 Найдите значение выражения $(16x^2 + 9y^2 - (4x - 3y)^2) : (-6xy)$ при $x = 15\frac{7}{99}$, $y = \sqrt{317}$.

Ответ: _____.

- 8 На рисунке изображён график функции $y = f(x)$. На оси абсцисс отмечено девять точек: $x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6, x_7, x_8, x_9$.



Сколько из отмеченных точек принадлежит промежуткам возрастания функции $f(x)$?

Ответ: _____.

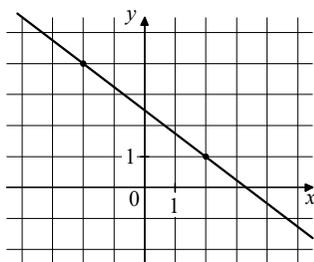
- 9 Два тела, массой $m = 12$ кг каждое, движутся с одинаковой скоростью $v = 5$ м/с под углом 2α друг к другу. Энергия (в джоулях), выделяющаяся при их абсолютно неупругом соударении, вычисляется по формуле $Q = mv^2 \sin^2 \alpha$, где m — масса в килограммах, v — скорость в м/с. Найдите, под каким наименьшим углом 2α (в градусах) должны двигаться тела, чтобы в результате соударения выделилось энергии не менее 75 джоулей.

Ответ: _____.

- 10 Две трубы наполняют бассейн за 6 часов 40 минут, а одна первая труба наполняет бассейн за 8 часов. За сколько часов наполняет бассейн одна вторая труба?

Ответ: _____.

- 11 На рисунке изображён график функции $f(x) = kx + b$. Найдите значение x , при котором $f(x) = -8$.



Ответ: _____.

- 12 Найдите наибольшее значение функции $y = \sqrt{32 + 14x - x^2}$.

Ответ: _____.

Часть 2

Для записи решений и ответов на задания 13–19 используйте отдельный лист. Запишите сначала номер выполняемого задания (13, 14 и т. д.), а затем полное обоснованное решение и ответ. Ответы записывайте чётко и разборчиво.

- 13 а) Решите уравнение $\sin 2x = \cos\left(\frac{3\pi}{2} - x\right)$.

б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $\left[-3\pi; -\frac{3\pi}{2}\right]$.

- 14 В прямоугольном параллелепипеде $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ через середину M диагонали AC_1 проведена плоскость α перпендикулярно этой диагонали, $AB = 17$, $BC = 8$, $AA_1 = 15$.

а) Докажите, что плоскость α содержит точку D_1 .
б) Найдите отношение, в котором плоскость α делит ребро $A_1 B_1$.

- 15 Решите неравенство $x^3 - 5x^2 + \frac{6x^2 + 7x + 14}{x + 2} \geq 7$.

- 16 В июле 2024 года планируется взять кредит в банке на 8 лет. Условия его возврата таковы:
— в январе 2025, 2026, 2027 и 2028 годов долг возрастает на 18 % по сравнению с концом предыдущего года;
— в январе 2029, 2030, 2031 и 2032 годов долг возрастает на 14 % по сравнению с концом предыдущего года;
— с февраля по июнь каждого года необходимо выплатить часть долга;
— в июле каждого года долг должен быть на одну и ту же величину меньше долга на июль предыдущего года;
— к июлю 2032 года кредит должен быть полностью погашен.
Какую сумму планируется взять в кредит, если общая сумма выплат после полного его погашения составит 2200 тысяч рублей?

- 17 На стороне BC параллелограмма $ABCD$ выбрана такая точка M , что $AM = MC$.
а) Докажите, что центр вписанной в треугольник AMD окружности лежит на диагонали AC .
б) Найдите радиус вписанной в треугольник AMD окружности, если $AB = 16$, $BC = 24$, $\angle BAD = 60^\circ$.

- 18 Найдите все значения a , при каждом из которых уравнение $a|x + 2| + (3 - a)|x - 2| + 4 = 0$ имеет ровно два различных корня.

- 19 Сумма цифр трёхзначного числа A равна S .
а) Может ли произведение $A \cdot S$ быть равно 1057?
б) Может ли произведение $A \cdot S$ быть равно 1058?
в) Найдите наименьшее значение произведения $A \cdot S$, если известно, что оно больше 864.

math100.ru

Ответы на тренировочные варианты 2310109-2310112 (профильный уровень) от
03.10.2023

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
2310109	55	28	15	0,28	0,17	- 5	- 15	3	60	26	- 10	7
2310110	42	2	40	0,14	0,15	- 4	- 4	4	60	40	14	9
2310111	58	5	49	0,12	4	6	12	2	0,18	14	23	6
2310112	41	10	30	0,32	5	5	18	3	0,05	18	9	8

Критерии оценивания заданий с развёрнутым ответом

13

а) Решите уравнение $\sin 2x = \cos\left(\frac{3\pi}{2} - x\right)$.

б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $\left[-3\pi; -\frac{3\pi}{2}\right]$.

Решение.

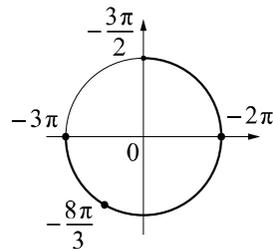
а) Преобразуем исходное уравнение:

$$2\sin x \cos x = -\sin x; \quad \sin x \cdot (2\cos x + 1) = 0.$$

Значит, либо $\sin x = 0$, откуда следует, что $x = \pi k, k \in \mathbb{Z}$, либо $\cos x = -\frac{1}{2}$,

откуда следует, что $x = \frac{2\pi}{3} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$, или $x = -\frac{2\pi}{3} + 2\pi m, m \in \mathbb{Z}$.

б) С помощью числовой окружности отберём корни, принадлежащие отрезку $\left[-3\pi; -\frac{3\pi}{2}\right]$.



Получим числа $-3\pi; -\frac{8\pi}{3}; -2\pi$.

Ответ: а) $\pi k, k \in \mathbb{Z}; \frac{2\pi}{3} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}; -\frac{2\pi}{3} + 2\pi m, m \in \mathbb{Z}$; б) $-3\pi; -\frac{8\pi}{3}; -2\pi$.

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получены верные ответы в обоих пунктах	2
Обоснованно получен верный ответ в пункте а. ИЛИ Получены неверные ответы из-за вычислительной ошибки, но при этом имеется верная последовательность всех шагов решения обоих пунктов: пункта а и пункта б	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
<i>Максимальный балл</i>	2

14

В прямоугольном параллелепипеде $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ через середину M диагонали AC_1 проведена плоскость α перпендикулярно этой диагонали, $AB = 17, BC = 8, AA_1 = 15$.

а) Докажите, что плоскость α содержит точку D_1 .

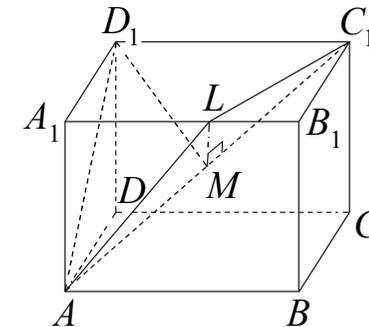
б) Найдите отношение, в котором плоскость α делит ребро $A_1 B_1$.

Решение.

а) В треугольнике ADD_1 имеем

$$AD_1 = \sqrt{AD^2 + DD_1^2} = \sqrt{BC^2 + AA_1^2} = 17.$$

В треугольнике $AC_1 D_1$ стороны AD_1 и $C_1 D_1$ равны. Значит, этот треугольник равнобедренный, а его медиана $D_1 M$ является его высотой. Следовательно, точка D_1 лежит в плоскости, проходящей через точку M перпендикулярно прямой AC_1 , а такая плоскость единственная, и это плоскость α .



б) Обозначим точку пересечения плоскости α и прямой $A_1 B_1$ через L .

Поскольку плоскость α перпендикулярна прямой AC_1 , в треугольнике ALC_1 медиана LM является высотой. Следовательно, $AL = LC_1$.

Пусть $A_1 L = x$, тогда $LB_1 = 17 - x$. В прямоугольных треугольниках $AA_1 L$ и $C_1 B_1 L$ имеем

$$AA_1^2 + A_1 L^2 = AL^2, \quad C_1 B_1^2 + B_1 L^2 = C_1 L^2.$$

Следовательно,

$$AA_1^2 + A_1 L^2 = C_1 B_1^2 + B_1 L^2; \quad 225 + x^2 = 64 + (17 - x)^2;$$

$$x^2 + 225 = x^2 - 34x + 353; \quad x = \frac{64}{17}.$$

Значит, $A_1 L = \frac{64}{17}, LB_1 = \frac{225}{17}$. Таким образом, $A_1 L : LB_1 = 64 : 225$.

Ответ: б) $64 : 225$.

Содержание критерия	Баллы
Имеется верное доказательство утверждения пункта a , и обоснованно получен верный ответ в пункте b	3
Получен обоснованный ответ в пункте b . ИЛИ Имеется верное доказательство утверждения пункта a , и при обоснованном решении пункта b получен неверный ответ из-за арифметической ошибки	2
Имеется верное доказательство утверждения пункта a . ИЛИ При обоснованном решении пункта b получен неверный ответ из-за арифметической ошибки.	1
Обоснованно получен верный ответ в пункте b с использованием утверждения пункта a , при этом пункт a не выполнен	
Решение не соответствует ни одному из критериев, приведённых выше	0
<i>Максимальный балл</i>	3

15

Решите неравенство $x^3 - 5x^2 + \frac{6x^2 + 7x + 14}{x + 2} \geq 7$.

Решение.

Преобразуем неравенство:

$$x^3 - 5x^2 + \frac{6x^2}{x+2} \geq 0; \quad \frac{x^4 - 3x^3 - 4x^2}{x+2} \geq 0; \quad \frac{x^2(x-4)(x+1)}{x+2} \geq 0.$$

Получаем $-2 < x \leq -1$; $x = 0$; $x \geq 4$.

Ответ: $(-2; -1]$; 0 ; $[4; +\infty)$.

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получен верный ответ	2
Обоснованно получен ответ, отличающийся от верного исключением точек -1 и/или 4 . ИЛИ Получен неверный ответ из-за вычислительной ошибки, но при этом имеется верная последовательность всех шагов решения	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
<i>Максимальный балл</i>	2

16

В июле 2024 года планируется взять кредит в банке на 8 лет. Условия его возврата таковы:

- в январе 2025, 2026, 2027 и 2028 годов долг возрастает на 18 % по сравнению с концом предыдущего года;
- в январе 2029, 2030, 2031 и 2032 годов долг возрастает на 14 % по сравнению с концом предыдущего года;
- с февраля по июнь каждого года необходимо выплатить часть долга;
- в июле каждого года долг должен быть на одну и ту же величину меньше долга на июль предыдущего года;
- к июлю 2032 года кредит должен быть полностью погашен.

Какую сумму планируется взять в кредит, если общая сумма выплат после полного его погашения составит 2200 тысяч рублей?

Решение.

Пусть сумма кредита равна S тысяч рублей. По условию долг перед банком (в тыс. рублей) по состоянию на июль 2024–2032 годов должен уменьшаться до нуля следующим образом:

$$S; \frac{7S}{8}; \frac{6S}{8}; \frac{5S}{8}; \frac{4S}{8}; \frac{3S}{8}; \frac{2S}{8}; \frac{S}{8}; 0.$$

В январе каждого года с 2025 по 2028 долг возрастает на 18 %, а в январе каждого года с 2029 по 2032 — на 14 %, значит, последовательность размеров долга (в тыс. рублей) в январе 2025–2032 годов такова:

$$1,18 \cdot S; 1,18 \cdot \frac{7S}{8}; 1,18 \cdot \frac{6S}{8}; 1,18 \cdot \frac{5S}{8}; 1,14 \cdot \frac{4S}{8}; 1,14 \cdot \frac{3S}{8}; 1,14 \cdot \frac{2S}{8}; 1,14 \cdot \frac{S}{8}.$$

Следовательно, выплаты (в тыс. рублей) должны быть следующими:

$$0,18 \cdot S + \frac{S}{8}; 0,18 \cdot \frac{7S}{8} + \frac{S}{8}; 0,18 \cdot \frac{6S}{8} + \frac{S}{8}; 0,18 \cdot \frac{5S}{8} + \frac{S}{8};$$

$$0,14 \cdot \frac{4S}{8} + \frac{S}{8}; 0,14 \cdot \frac{3S}{8} + \frac{S}{8}; 0,14 \cdot \frac{2S}{8} + \frac{S}{8}; 0,14 \cdot \frac{S}{8} + \frac{S}{8}.$$

Значит, общая сумма выплат (в тыс. рублей) составит

$$0,18 \cdot \left(S + \frac{7S}{8} + \frac{6S}{8} + \frac{5S}{8} \right) + 0,14 \cdot \left(\frac{4S}{8} + \frac{3S}{8} + \frac{2S}{8} + \frac{S}{8} \right) + 8 \cdot \frac{S}{8} = \\ = 0,18 \cdot \frac{13S}{4} + 0,14 \cdot \frac{5S}{4} + S = 1,76S,$$

следовательно, $1,76S = 2200$; $S = 1250$.

Значит, сумма, взятая в кредит, равна 1250 тысяч рублей.

Ответ: 1250 тысяч рублей.

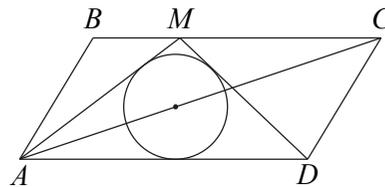
Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получен верный ответ	2
Верно построена математическая модель	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
<i>Максимальный балл</i>	2

- 17 На стороне BC параллелограмма $ABCD$ выбрана такая точка M , что $AM = MC$.
- а) Докажите, что центр вписанной в треугольник AMD окружности лежит на диагонали AC .
- б) Найдите радиус вписанной в треугольник AMD окружности, если $AB = 16$, $BC = 24$, $\angle BAD = 60^\circ$.

Решение.

а) Треугольник AMC равнобедренный, следовательно, $\angle MAC = \angle MCA$.

Прямые AD и BC параллельны, следовательно, накрест лежащие углы BCA и CAD при секущей AC равны. Получаем, что $\angle MAC = \angle MCA = \angle CAD$, а значит, луч AC является биссектрисой угла MAD , на которой лежит центр вписанной в треугольник AMD окружности.



б) Обозначим $AM = MC$ через x , тогда $BM = 24 - x$. По теореме косинусов в треугольнике ABM имеем

$$AM^2 = AB^2 + BM^2 - 2AB \cdot BM \cdot \cos 120^\circ; \quad x^2 = 256 + (24 - x)^2 + 16(24 - x),$$

откуда следует, что $x = 19$.

По теореме косинусов в треугольнике CMD , в котором $\angle MCD = 60^\circ$,

$$MD = \sqrt{MC^2 + CD^2 - MC \cdot CD} = \sqrt{313}.$$

Треугольник AMD и параллелограмм $ABCD$ имеют общую высоту, равную расстоянию между прямыми AD и BC , и общую сторону AD , перпендикулярную этой высоте. Значит, площадь треугольника AMD равна половине площади параллелограмма $ABCD$:

$$S_{AMD} = \frac{AB \cdot AD \cdot \sin \angle BAD}{2} = 96\sqrt{3}.$$

С другой стороны, площадь треугольника AMD равна половине произведения его периметра на радиус вписанной окружности. Отсюда найдём радиус r вписанной в треугольник AMD окружности:

$$r = \frac{2S_{AMD}}{AM + MD + AD} = \frac{192\sqrt{3}}{19 + \sqrt{313} + 24} = \frac{192\sqrt{3}}{43 + \sqrt{313}} = \frac{43\sqrt{3} - \sqrt{939}}{8}.$$

Ответ: б) $\frac{43\sqrt{3} - \sqrt{939}}{8}$.

Содержание критерия	Баллы
Имеется верное доказательство утверждения пункта a , и обоснованно получен верный ответ в пункте b	3
Получен обоснованный ответ в пункте b . ИЛИ Имеется верное доказательство утверждения пункта a , и при обоснованном решении пункта b получен неверный ответ из-за арифметической ошибки	2
Имеется верное доказательство утверждения пункта a . ИЛИ При обоснованном решении пункта b получен неверный ответ из-за арифметической ошибки. ИЛИ Обоснованно получен верный ответ в пункте b с использованием утверждения пункта a , при этом пункт a не выполнен	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, приведённых выше	0
<i>Максимальный балл</i>	3

- 18 Найдите все значения a , при каждом из которых уравнение $a|x + 2| + (3 - a)|x - 2| + 4 = 0$ имеет ровно два различных корня.

Решение.

При $x < -2$ уравнение принимает вид $-3x + 10 - 4a = 0$, откуда находим $x = \frac{10 - 4a}{3}$. Корень $x = \frac{10 - 4a}{3}$ удовлетворяет неравенству $x < -2$ при $\frac{10 - 4a}{3} < -2$, откуда получаем $a > 4$.

При $-2 \leq x \leq 2$ уравнение принимает вид $(2a - 3)x + 10 = 0$. При $a = \frac{3}{2}$ это уравнение не имеет корней, а при $a \neq \frac{3}{2}$ оно имеет единственный корень

$x = \frac{10}{3-2a}$. Корень $x = \frac{10}{3-2a}$ принадлежит отрезку $[-2; 2]$ при

$-2 \leq \frac{10}{3-2a} \leq 2$, откуда получаем

$$\begin{cases} \frac{10}{3-2a} \geq -2, & \begin{cases} \frac{16-4a}{3-2a} \geq 0, & \begin{cases} \frac{a-4}{2a-3} \geq 0, \end{cases} \\ \frac{10}{3-2a} \leq 2; & \begin{cases} \frac{4+4a}{3-2a} \leq 0; & \begin{cases} \frac{a+1}{2a-3} \geq 0. \end{cases} \end{cases} \end{cases}$$

Следовательно, уравнение $(2a-3)x+10=0$ имеет корень на отрезке $[-2; 2]$ при $a \leq -1$ и $a \geq 4$.

При $x > 2$ уравнение принимает вид $3x+4a-2=0$, откуда находим $x = \frac{2-4a}{3}$.

Корень $x = \frac{2-4a}{3}$ удовлетворяет неравенству $x > 2$ при $\frac{2-4a}{3} > 2$, откуда получаем $a < -1$.

Таким образом, исходное уравнение имеет ровно два различных корня при $a < -1$ и $a > 4$.

Ответ: $a < -1$; $a > 4$.

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получен верный ответ	4
С помощью верного рассуждения получено множество значений a , отличающиеся от искомого только включением точек $a = -1$ и/или $a = 4$	3
Верно раскрыты модули в исходном уравнении. Задача сведена к исследованию принадлежности корней соответствующим промежуткам в зависимости от значений a , и хотя бы два случая исследованы верно, при этом исследовано количество корней исходного уравнения при $a = \frac{3}{2}$. ИЛИ Получен неверный ответ из-за вычислительной ошибки, но при этом верно выполнены все шаги решения	2
Верно раскрыты модули в исходном уравнении, задача сведена к исследованию принадлежности корней соответствующим промежуткам в зависимости от значений a , и хотя бы один из случаев исследован верно	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
<i>Максимальный балл</i>	4

19

Сумма цифр трёхзначного числа A равна S .

а) Может ли произведение $A \cdot S$ быть равно 1057?

б) Может ли произведение $A \cdot S$ быть равно 1058?

в) Найдите наименьшее значение произведения $A \cdot S$, если известно, что оно больше 864.

Решение.

а) Сумма цифр числа 151 равна 7. Таким образом, произведение этого числа и суммы его цифр равно 1057.

б) Заметим, что сумма цифр числа имеет такой же остаток при делении на 3, как и само число. Следовательно, если число A делится на 3, то $A \cdot S$ делится на 3. Если число A не делится на 3, то $A \cdot S$ даёт остаток 1 при делении на 3. Число 1058 даёт остаток 2 при делении на 3, значит, оно не может быть равно произведению $A \cdot S$.

в) Заметим, что сумма цифр числа имеет такой же остаток при делении на 9, как и само число. Следовательно, $A \cdot S$ даёт такой же остаток при делении на 9, как и S^2 . Пусть $S = 9k + r$, где $0 \leq r \leq 8$. Тогда

$$S^2 = 81k^2 + 18kr + r^2 = 9(9k^2 + 2kr) + r^2,$$

то есть остаток от деления S^2 на 9 совпадает с остатком от деления r^2 на 9. Этот остаток может быть равен 0; 1; 4 или 7, поскольку r^2 принимает значения 0; 1; 4; 9; 16; 25; 36; 49; 64. Таким образом, остаток от деления произведения $A \cdot S$ на 9 может быть равен 0; 1; 4 или 7.

Будем последовательно рассматривать числа, большие 864, для которых остаток от деления на 9 равен 0; 1; 4 или 7.

Число 865 даёт остаток 1 при делении на 9. Это число раскладывается в произведение простых множителей следующим образом: $865 = 5 \cdot 173$, а значит, его можно представить в виде произведения трёхзначного числа на какое-то другое число только следующим способом:

$$865 = 5 \cdot 173.$$

В этом случае первый множитель не равен сумме цифр второго множителя.

Число 868 даёт остаток 4 при делении на 9. Это число раскладывается в произведение простых множителей следующим образом: $868 = 2^2 \cdot 7 \cdot 31$, а значит, его можно представить в виде произведения трёхзначного числа на какое-то другое число следующими способами:

$$868 = 7 \cdot 124 = 4 \cdot 217 = 2 \cdot 434.$$

Сумма цифр трёхзначного числа $A = 124$ равна 7. Следовательно, для этого числа $A \cdot S = 868$.

Таким образом, наименьшее значение произведения $A \cdot S$, большее 864, равно 868.

Ответ: а) да; б) нет; в) 868.

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получены верные ответы в пунктах a , b и v	4
Обоснованно получен верный ответ в пункте v , и обоснованно получен верный ответ в пункте a или b	3
Обоснованно получены верные ответы в пунктах a и b . ИЛИ Обоснованно получен верный ответ в пункте v	2
Обоснованно получен верный ответ в пункте a или b	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
<i>Максимальный балл</i>	<i>4</i>