Тренировочная работа №1 по МАТЕМАТИКЕ
11 класс
30 сентября 2026 года
Вариант МА2610112
(профильный уровень)

Выполнена: ФИО_____ класс _____

Инструкция по выполнению работы

Работа по математике состоит из двух частей, включающих в себя 20 заданий. Часть 1 содержит 13 заданий с кратким ответом базового и повышенного уровней сложности. Часть 2 содержит 7 заданий с развёрнутым ответом повышенного и высокого уровней сложности.

На выполнение экзаменационной работы по математике отводится 3 часа 55 минут (235 минут).

Ответы к заданиям 1–13 записываются в виде целого числа или конечной десятичной дроби.

При выполнении заданий 14–20 требуется записать полное решение на отдельном листе бумаги.

При выполнении заданий можно пользоваться черновиком. Записи в черновике не учитываются при оценивании работы.

Баллы, полученные Вами за выполненные задания, суммируются.

Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баллов.

Желаем успеха!

Справочные материалы

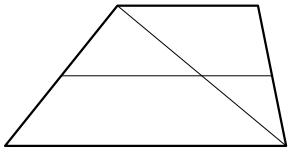
$$\sin 2\alpha = 2\sin\alpha\cdot\cos\alpha$$
$$\cos 2\alpha = \cos^2\alpha - \sin^2\alpha$$
$$\sin(\alpha+\beta) = \sin\alpha\cdot\cos\beta + \cos\alpha\cdot\sin\beta$$
$$\cos(\alpha+\beta) = \cos\alpha\cdot\cos\beta - \sin\alpha\cdot\sin\beta$$

© СтатГрад 2026–2027 уч. г.

Часть 1

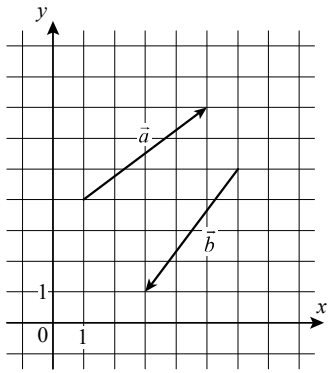
Ответом к каждому из заданий 1–13 является целое число или конечная десятичная дробь. Запишите ответы к заданиям в поле ответа в тексте работы.

1 Основания трапеции равны 4 и 6. Найдите больший из отрезков, на которые делит среднюю линию этой трапеции одна из её диагоналей.



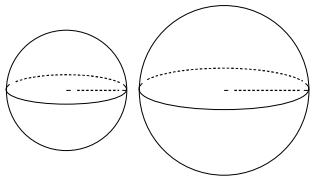
Ответ: _____.

2 На координатной плоскости изображены векторы $\vec{a}$ и $\vec{b}$, координатами которых являются целые числа. Найдите косинус угла между ними.



Ответ: _____.

3 Радиусы двух шаров равны 21 и 28. Найдите радиус шара, площадь поверхности которого равна сумме площадей поверхностей двух данных шаров.



Ответ: _____.

© СтатГрад 2026–2027 уч. г.

4 На олимпиаде по физике 400 участников разместили в трёх аудиториях. В первых двух удалось разместить по 170 человек, оставшихся перевели в запасную аудиторию в другом корпусе. Найдите вероятность того, что случайно выбранный участник писал олимпиаду в запасной аудитории.

Ответ: _____.

5 В городе 54 % взрослого населения — мужчины. Пенсионеры составляют 17,7 % взрослого населения, причём доля пенсионеров среди женщин равна 15 %. Для социологического опроса выбран случайным образом мужчина, проживающий в этом городе. Найдите вероятность события «выбранный мужчина является пенсионером».

Ответ: _____.

6 Всего выпущено 100 000 лотерейных билетов. Сумма выигрышей и число выигрышных билетов показаны в таблице.

Выигрыш	100 р.	1000 р.	5000 р.	10 тыс. р.	50 тыс. р.
Число выигрышных билетов	10 000	500	100	50	2

Найдите математическое ожидание случайной величины «*выигрыш на один билет*», который получит один случайный покупатель лотерейного билета. Ответ дайте в рублях.

Ответ: _____.

7 Найдите корень уравнения $\log_4(5+x)=1$.

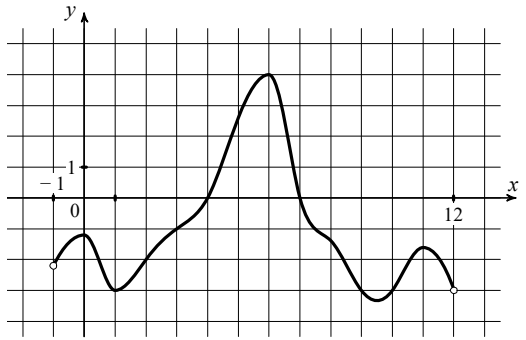
Ответ: _____.

8 Найдите значение выражения $\dfrac{\sqrt{3{,}5}\cdot\sqrt{1{,}5}}{\sqrt{0{,}21}}$.

Ответ: _____.

© СтатГрад 2026–2027 уч. г.

9 На рисунке изображён график функции $y=f(x)$, определённой на интервале $(-1;12)$. Определите количество целых точек, в которых функция $f(x)$ возрастает.



Ответ: _____.

10 Мотоциклист, движущийся по городу со скоростью $v_0=61$ км/ч, выезжает из него и сразу после выезда начинает разгоняться с постоянным ускорением $a=8$ км/ч^2. Расстояние от мотоциклиста до города, измеряемое в километрах, определяется выражением $S=v_0t+\dfrac{at^2}{2}$. Определите наибольшее время, в течение которого мотоциклист будет находиться в зоне функционирования сотовой связи, если оператор гарантирует покрытие на расстоянии не далее чем в 48 км от города. Ответ дайте в минутах.

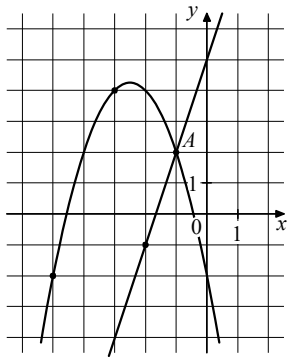
Ответ: _____.

11 Два велосипедиста одновременно отправились в 140-километровый пробег. Первый ехал со скоростью, на 4 км/ч большей, чем скорость второго, и прибыл к финишу на 4 часа раньше второго. Найдите скорость велосипедиста, пришедшего к финишу вторым. Ответ дайте в км/ч.

Ответ: _____.

© СтатГрад 2026–2027 уч. г.

12 На рисунке изображены графики функций $f(x)=3x+5$ и $g(x)=ax^2+bx+c$, которые пересекаются в точках A и B. Найдите ординату точки B.



Ответ: _____.

13 В июле 2030 года планируется взять кредит в банке на некоторую сумму. Условия его возврата таковы:
— каждый январь долг увеличивается на 20 % по сравнению с концом предыдущего года;
— с февраля по июнь каждого года необходимо выплатить одним платежом часть долга.
Сколько рублей планируется взять в банке, если известно, что кредит будет полностью погашен тремя равными платежами (то есть за три года) и общая сумма выплат после полного погашения кредита будет на 54 040 рублей больше суммы, взятой в кредит?

Ответ: _____.

© СтатГрад 2026–2027 уч. г.

Часть 2

Для записи решений и ответов на задания 14–20 используйте отдельный лист. Запишите сначала номер выполняемого задания (14, 15 и т. д.), а затем полное обоснованное решение и ответ. Ответы записывайте чётко и разборчиво.

14 а) Решите уравнение $\dfrac{1}{\cos x}=4\cos\left(\dfrac{3\pi}{2}+x\right)$.

б) Укажите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $\left[-\dfrac{11\pi}{4};-\dfrac{7\pi}{4}\right]$.

15 В основании прямой призмы $ABCDA_1B_1C_1D_1$ лежит параллелограмм $ABCD$. На рёбрах A_1B_1, B_1C_1 и BC отмечены точки M, K и N соответственно, причём $B_1K:KC_1=1:4$. Четырёхугольник $AMKN$ — равнобедренная трапеция с основаниями 2 и 5.
а) Докажите, что точка N — середина ребра BC.
б) Найдите площадь трапеции $AMKN$, если объём призмы равен 150, а её высота равна 3.

16 Решите неравенство $\dfrac{7-x}{x-11}\le\dfrac{1}{2-x}$.

17 Источник постоянного напряжения имеет электродвижущую силу $\varepsilon=50$ В и внутреннее сопротивление $r=5$ Ом. Сила тока в цепи при подключении к этому источнику нагрузки определяется законом Ома:

$$I=\frac{\varepsilon}{r+R},$$

где R — сопротивление нагрузки (в омах).
Тепловая мощность в ваттах, выделяемая на нагрузке, равна $P=I^2R$ (закон Джоуля—Ленца). При каком сопротивлении нагрузки R выделяемая на источнике тепловая мощность P наибольшая?

© СтатГрад 2026–2027 уч. г.

18 Окружность с центром в точке O касается сторон угла с вершиной N в точках A и B. Отрезок BC — диаметр этой окружности.
а) Докажите, что прямая AC параллельна биссектрисе угла ANB.
б) Найдите длину отрезка NO, если известно, что $AC = 24$ и $AB = 32$.

19 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$\left(x^2 - 3x\right)a^2 + \left(x^4 - 3x^3 - 27x + 81\right)a - 27x^3 + 81x^2 = 0$$

имеет ровно два различных корня.

20 Есть 18 монет по 2 рубля и 25 монет по 5 рублей.
а) Можно ли этими монетами набрать сумму 159 рублей?
б) Можно ли этими монетами набрать сумму 160 рублей?
в) Какое наименьшее количество монет, каждая по 1 рублю, нужно добавить, чтобы иметь возможность набрать любую целую сумму от 1 рубля до 170 рублей включительно?

© СтатГрад 2026–2027 уч. г.

math100.ru

Ответы на тренировочные варианты 2610109-2610112 (профильный уровень) от 30.09.2026

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
2610109	8	- 0,6	33	0,3	0,3	24,5	- 57	3	3	20	15	- 7	198600
2610110	14	- 0,8	46	0,24	0,5	18	- 26	6	5	10	10	- 2,5	132400
2610111	2	- 0,28	50	0,25	0,2	9,2	- 40	2	6	45	8	22	145600
2610112	3	- 0,96	35	0,15	0,2	26	- 1	5	5	45	10	- 16	127400