

Тренировочная работа №4 по МАТЕМАТИКЕ**11 класс**

18 марта 2025 года

Вариант МА2410410

(профильный уровень)

Выполнена: ФИО _____ класс _____

Инструкция по выполнению работы

Работа по математике состоит из двух частей, включающих в себя 19 заданий. Часть 1 содержит 12 заданий с кратким ответом базового и повышенного уровней сложности. Часть 2 содержит 7 заданий с развёрнутым ответом повышенного и высокого уровней сложности.

На выполнение экзаменационной работы по математике отводится 3 часа 55 минут (235 минут).

Ответы к заданиям 1–12 записываются в виде целого числа или конечной десятичной дроби.

При выполнении заданий 13–19 требуется записать полное решение на отдельном листе бумаги.

При выполнении заданий можно пользоваться черновиком. Записи в черновике не учитываются при оценивании работы.

Баллы, полученные Вами за выполненные задания, суммируются.

Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баллов.

Желаем успеха!**Справочные материалы**

$$\sin 2\alpha = 2\sin \alpha \cdot \cos \alpha$$

$$\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$$

$$\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta + \cos \alpha \cdot \sin \beta$$

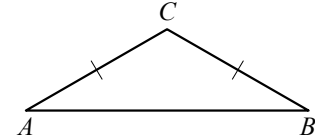
$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

Часть 1

Ответом к каждому из заданий 1–12 является целое число или конечная десятичная дробь. Запишите ответы к заданиям в поле ответа в тексте работы.

1

В треугольнике ABC угол A равен 42° , стороны AC и BC равны. Найдите угол C .
Ответ дайте в градусах.



Ответ: _____.

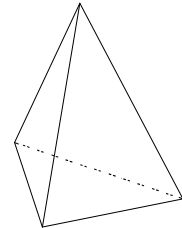
2

Даны векторы $\vec{a}(7; -5)$, $\vec{b}(-9; 5)$ и $\vec{c}(25; -12)$. Найдите длину вектора $4\vec{a} + 3\vec{b} - \vec{c}$.

Ответ: _____.

3

Во сколько раз увеличится площадь поверхности правильного тетраэдра, если все его рёбра увеличить в 3 раза?



Ответ: _____.

4

Из множества натуральных чисел от 21 до 35 наудачу выбирают одно число. Какова вероятность того, что оно делится на 5?

Ответ: _____.

5

Вероятность того, что батарейка бракованная, равна 0,08. Покупатель в магазине выбирает случайную упаковку, в которой две такие батарейки. Найдите вероятность того, что обе батарейки окажутся исправными.

Ответ: _____.

6

Найдите корень уравнения $(3x - 11)^2 = (3x - 7)^2$.

Ответ: _____.

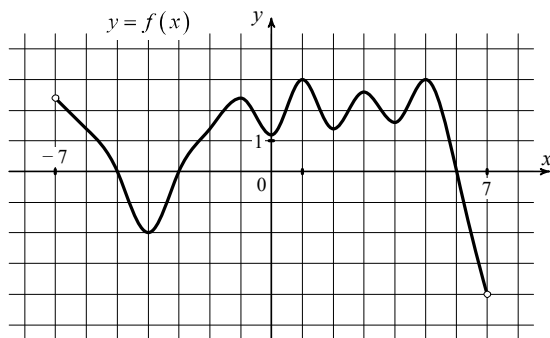
7

Найдите значение выражения $\log_{16}(\log_2 4)$.

Ответ: _____.

8

На рисунке изображён график функции $y = f(x)$, определённой на интервале $(-7; 7)$. Определите количество точек, в которых производная функции $f(x)$ равна 0.



Ответ: _____.

9

Независимое агентство намерено ввести рейтинг новостных интернет-изданий на основе оценок информативности In , оперативности Op , объективности Tr публикаций, а также качества Q сайта. Каждый отдельный показатель — целое число от 0 до 4.

Составители рейтинга считают, что объективность ценится вдвое, а информативность публикаций — втрое дороже, чем оперативность и качество сайта. Таким образом, формула приняла вид

$$R = \frac{3In + Op + 2Tr + Q}{A}.$$

Если по всем четырём показателям какое-то издание получило одну и ту же оценку, то рейтинг должен совпадать с этой оценкой. Найдите число A , при котором это условие будет выполняться.

Ответ: _____.

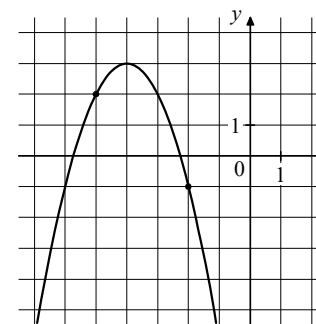
10

Заказ на изготовление 170 деталей первый рабочий выполняет на 7 часов быстрее, чем второй. Сколько деталей за час изготавливает первый рабочий, если известно, что он за час изготавливает на 7 деталей больше второго?

Ответ: _____.

11

На рисунке изображён график функции $f(x) = -x^2 + bx + c$. Найдите значение $f(-8)$.



Ответ: _____.

12

Найдите точку минимума функции $y = (x + 7)e^{x-7}$.

Ответ: _____.

Часть 2

Для записи решений и ответов на задания 13–19 используйте отдельный лист. Запишите сначала номер выполняемого задания (13, 14 и т. д.), а затем полное обоснованное решение и ответ. Ответы записывайте чётко и разборчиво.

- 13 а) Решите уравнение

$$2\sin\left(x - \frac{\pi}{3}\right) - 2\sin^2 x = \sin x - 2.$$

- б) Укажите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $\left[\frac{5\pi}{2}; 4\pi\right]$.

- 14 В правильной треугольной пирамиде $SABC$ сторона основания AB равна 10, высота SH равна 15. Точка K — середина бокового ребра SA , а точка N — середина ребра BC . Плоскость, параллельная плоскости ABC , проходит через точку K и пересекает рёбра SB и SC в точках Q и P соответственно.
- а) Докажите, что прямая QP пересекает отрезок SN в его середине.
- б) Найдите угол между плоскостями ABC и AQP .

- 15 Решите неравенство $\log_{13}(6x^2 + 5) - \log_{13}(x^2 + x + 1) \geq \log_{13}\left(\frac{x}{x+3} + 5\right)$.

- 16 В июле 2025 года планируется взять кредит в банке на 8 лет. Условия его возврата таковы:
- в январе 2026, 2027, 2028 и 2029 годов долг возрастает на 20 % по сравнению с концом предыдущего года;
 - в январе 2030, 2031, 2032 и 2033 годов долг возрастает на 16 % по сравнению с концом предыдущего года;
 - с февраля по июнь каждого года необходимо выплатить часть долга;
 - в июле каждого года долг должен быть на одну и ту же величину меньше долга на июль предыдущего года;
 - к июлю 2033 года кредит должен быть полностью погашен.
- Какую сумму планируется взять в кредит, если общая сумма выплат после полного его погашения составит 1,221 млн рублей?

- 17 Точка O — центр вписанной в треугольник ABC окружности. Прямая BO вторично пересекает описанную около этого треугольника окружность в точке P .
- а) Докажите, что $OP = CP$.
- б) Найдите радиус описанной около треугольника ABC окружности, если расстояние от точки P до прямой AC равно 12, $\angle ABC = 60^\circ$.

- 18 Найдите все положительные значения a , при каждом из которых система уравнений

$$\begin{cases} |x| + |y| = a, \\ y = (\sqrt{x})^4 - 7 \end{cases}$$

имеет ровно три различных решения.

- 19 Из правильной несократимой дроби $\frac{a}{b}$, где a и b — натуральные числа, за один ход получают дробь $\frac{2a+b}{3a+b}$.
- а) Можно ли за несколько таких ходов из дроби $\frac{1}{3}$ получить дробь $\frac{53}{69}$?
- б) Можно ли за два таких хода из некоторой дроби получить дробь $\frac{8}{13}$?
- в) Несократимая дробь $\frac{c}{d}$ больше 0,76. Найдите наименьшую дробь $\frac{c}{d}$, которую нельзя получить ни из какой правильной несократимой дроби за два таких хода?

math100.ru

**Ответы на тренировочные варианты 2410409-2410412 (профильный уровень) от
18.03.2025**

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
2410409	146	10	64	0,25	0,9216	- 2	1	9	9	15	- 12	- 54
2410410	96	25	9	0,2	0,8464	3	0,25	8	7	17	- 13	- 8
2410411	20	0,2	216	0,99	0,064	0,4	- 0,5	- 3	0,512	25	- 11	4
2410412	17	- 0,68	512	0,995	0,216	1	- 0,5	4	0,216	40	- 10,25	4